

交流回路での消費電力

抵抗の消費電力

$$P_R = I_{\max} \sin \omega t \cdot V_{\max} \sin \omega t = I_{\max} V_{\max} \sin^2 \omega t = \frac{I_{\max} V_{\max}}{2} (1 - \cos 2\omega t) \text{ より,}$$

抵抗での消費電力の時間平均を \bar{P}_R とすると, $\cos 2\omega t$ の時間平均は 0 だから,

$$\bar{P}_R = \frac{I_{\max} V_{\max}}{2}$$

$$\text{また, } \bar{P}_R = \frac{I_{\max} V_{\max}}{2} = \frac{I_{\max}}{\sqrt{2}} \cdot \frac{V_{\max}}{\sqrt{2}} \text{ より,}$$

\bar{P}_R は電流の実効値 $\frac{I_{\max}}{\sqrt{2}}$ と電圧の実効値 $\frac{V_{\max}}{\sqrt{2}}$ の積である。

コイルの消費電力

$$P_L = I_{\max} \sin \omega t \cdot V_{\max} \sin \left(\omega t + \frac{\pi}{2} \right) = I_{\max} V_{\max} \sin \omega t \cos \omega t = \frac{I_{\max} V_{\max}}{2} \cdot \sin 2\omega t$$

コイルでの消費電力の時間平均を \bar{P}_L とすると, $\sin 2\omega t$ の時間平均は 0 だから, $\bar{P}_L = 0$ によって, コイルでの消費電力の時間平均は 0 である。

これはコイルに入る電流が増加すると, それが磁気エネルギーとなり, 減少するとき磁気エネルギーが電流となって回路に還元されることによる。

コンデンサーの消費電力

$$P_C = I_{\max} \sin \omega t \cdot V_{\max} \sin \left(\omega t - \frac{\pi}{2} \right) = -I_{\max} V_{\max} \sin \omega t \cos \omega t = -\frac{I_{\max} V_{\max}}{2} \cdot \sin 2\omega t$$

コイルでの消費電力の時間平均を \bar{P}_C とすると, $\sin 2\omega t$ の時間平均は 0 だから, $\bar{P}_C = 0$ によって, コンデンサーでの消費電力の時間平均は 0 である。

これはコンデンサーに入る電流が増加すると, それが静電エネルギーとなり, 減少するとき電流となって回路に還元されることによる。